

EXAMEN FINAL ÁLGEBRA ECONÓMICAS DICIEMBRE 2003

1. Sean  $L_1 : \lambda(0, 3, 1) + (1, 0, 0)$  y  $L_2$  la recta que pasa por  $P = (1, k, 2)$  y  $Q = (k, -2, 1)$ .

Entonces  $L_1$  y  $L_2$  son paralelas para  $k$  igual a

- 1                                       0                                       -1                                       3
- 

2. Sea  $L : 2x - y = 1$ . Un vector dirección de  $L$  es

- (2,1)                                       (1,-2)                                       (1,2)                                       (2,-1)
- 

3. El conjunto de los  $k \in R$  para los que el sistema

$$\begin{cases} x + 3y - z = 2 \\ 2y + kz = 1 \\ y + 2z = 3 \end{cases}$$

tiene solución única es

- $\emptyset$                                        {4}                                        $R \setminus \{4\}$                                        {0}
- 

4 El conjunto de soluciones del sistema  $\begin{cases} x + 2y = 5 \\ -z = 2 \end{cases}$  es

- $\{\lambda(-2, 1, 0) + (5, 0, -2)\}$       $\{(5, 0, -2)\}$                                         $\{\lambda(5, 0, -2) + (-2, 1, 0)\}$       $\emptyset$
- 

5 Sea  $L : \lambda(2, 3, -5) + (1, -2, 3)$ . El punto de  $L$  que verifica la ecuación  $x - y + z = 0$  es

- $(5/3, -1, 4/3)$                                         $(3, 1, -2)$                                         $(1, -2, -3)$                                         $(1, -5, 8)$
- 

6. Una base de  $\mathbb{S} = \{x \in R^3 : x_1 - x_2 = 0\}$  es

- $\{(1, 1, 0); (0, 0, 1); (1, 1, 1)\}$                                         $\{(1, 1, 0)\}$   
  $\{(1, 1, 0); (0, 0, 1)\}$                                         $\{(1, 1, 0); (0, 0, 0); (0, 0, 1)\}$
- 

7.

Dados  $A = (1, 0, 1, 1)$  ;  $B = (1, 1, 4, 2)$  y el sistema  $\begin{cases} 2x_1 + x_2 - x_4 = 1 \\ x_1 - 3x_2 + x_3 = 2 \\ 3x_1 - x_2 + 5x_3 - x_4 = 7 \\ x_3 + x_4 = 2 \end{cases}$

se cumple que

- A no es solución y B tampoco                                       A es solución y B es solución  
 A no es solución y B es solución                                       A es solución y B no es solución
-

8.

Si  $A = \begin{pmatrix} 2 & 1 & 3 \\ 2 & 0 & 2 \\ 1 & 1 & 3 \end{pmatrix}$ ;  $B = \begin{pmatrix} 0 & 0 & 1 \\ 2 & 2 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \end{pmatrix}$  y  $C = A \cdot B$ , la segunda columna de  $C$  es

$\begin{pmatrix} 8 \\ 2 \\ 10 \end{pmatrix}$

$\begin{pmatrix} 5 \\ 2 \\ 5 \end{pmatrix}$

$\begin{pmatrix} 0 \\ 2 \\ 2 \end{pmatrix}$

$\begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix}$

---

9. El conjunto de los  $\alpha$  para los cuales  $A = \begin{pmatrix} \alpha & 1 & 1 \\ 4 & \alpha & 1 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$  es invertible es

$R \setminus \{0\}$

$R \setminus \{2; -2\}$

$R \setminus \{2\}$

$\{2; -2\}$

---

10. El valor de  $\alpha$  para el cual  $(1, 2, \alpha)$  es combinación lineal de  $(5, 1, 4)$  y de  $(1, -1, 2)$  es

$-1$

$2$

$-5$

$0$

---

11. En una economía de dos rubros interdependientes A y B, para producir \$1 de A se necesita \$0,4 de A y \$0,7 de B, y para producir \$1 de B se necesita \$0,4 de A y \$0,3 de B. Para satisfacer una demanda externa de \$500 de A y \$700 de B, la producción  $(x, y)$  debe verificar:

$\begin{pmatrix} 0,7 & -0,7 \\ -0,4 & 0,7 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 500 \\ 700 \end{pmatrix}$

$\begin{pmatrix} 0,3 & 0,4 \\ 0,7 & 0,3 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 500 \\ 700 \end{pmatrix}$

$\begin{pmatrix} 0,7 & -0,4 \\ -0,7 & 0,7 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 500 \\ 700 \end{pmatrix}$

$\begin{pmatrix} 0,7 & -0,4 \\ -0,7 & 0,7 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 500 \\ 700 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}$

---

12. Si  $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 3 \\ 2 & -3 & 4 \\ 1 & -5 & 2 \end{pmatrix}$  y  $B \in R^{3 \times 3}$  es tal que  $\det(A \cdot B) = 7/3$ , entonces  $\det(B)$  vale

$3$

$-7$

$-1/3$

$-49/3$

---

13. En el plano, sean  $\mathfrak{R} : \begin{cases} 2x + y \geq 4 \\ 0 \leq y \leq 4 \end{cases}$

$A = (0, 4)$  y  $B = (2, 0)$  Sobre  $\mathfrak{R}$ , la función  $f = -4x + 2y$  alcanza

mínimo en B

máximo en A

mínimo en A

máximo en B

---

14. La función  $f = x + 2y$ , en el polígono del plano de vértices  $A = (4, 0)$ ;  $B = (8, 0)$ ;  $C = (0, 4)$  y  $D = (0, 3)$ , alcanza

- máximo en C y mínimo en D                       máximo en BC y mínimo en A  
 máximo en C y mínimo en AD                     máximo en BC y mínimo en AD

15. Una economía de dos rubros tiene matriz de tecnología  $C = \begin{pmatrix} 0,3 & k \\ 0,5 & 0,1 \end{pmatrix}$ .

Si con una producción de (30, 20) se satisface una demanda externa de 17 en el primer rubro,  $k$  es igual a

- 0                                       0,4                                       0,2                                       -0,4

16. El valor de  $a$  para el cual  $f = ax + y$  alcanza el valor máximo 22 en la región acotada de vértices (0, 0); (2, 2); (3, 4) y (0, 5) es

- 6                                       10                                       inexistente                                       19/4

17. Si  $A = (-3, 0)$ ;  $B = (0, 3)$ ;  $C = (1, 4)$ ;  $D = (5, 0)$ ;  $E = (0, 0)$ ;  $F = (0, 5)$  y

$$\mathfrak{R} : \begin{cases} y \geq 0 \\ x + y \leq 5 \\ y - x \leq 3 \end{cases}$$

los vértices de  $\mathfrak{R}$  son

- B,C,D,E                                       A,B,C,D                                       B,C,F                                       A,C,D

18. Esta es la tabla simplex de un problema estándar de maximización

1	-1	0	1	0	1
0	1	1	0	1	2
3	-2	-1	0	0	$f$

La función objetivo del problema de mínimo dual es  $f^* =$

- $-x - 2y$                                         $3x - 2y - z$                                         $x + 2y$                                         $-3x + 2y + z$

19.

Consideremos  $f = 3x + y - 2z$  sobre  $\mathfrak{R} : \begin{cases} x + y + z \leq 5 \\ y - z \leq 4 \\ x \geq 0; y \geq 0; z \geq 0 \end{cases}$

Si el máximo de  $-f$  sobre  $\mathfrak{R}$  es  $M$  y se alcanza en  $P$ , entonces el mínimo de  $f$  sobre  $\mathfrak{R}$  es  $m$  y se alcanza en  $Q$  para

- $m = M$  y  $Q = -P$                                         $m = -M$  y  $Q = -P$   
  $m = -M$  y  $Q = P$                                         $m = M$  y  $Q = P$

20. Esta es una tabla simplex de un problema estándar de maximización.

0	2	1	1	0	0	4
1	2	0	0	1	0	8
0	1	2	0	0	1	12

0	-16	3	0	-9	0	$f - 72$
---	-----	---	---	----	---	----------

El máximo de  $f$  se alcanza en  $P$  y vale  $M$  para

$P = (8, 0, 4)$  ;  $M = 84$

$P = (4, 8, 12)$  ;  $M = 72$

$P = (3, 9, 0)$  ;  $M = 84$

$P = (8, 0, 0)$  ;  $M = 72$

---